

## Spectral Reflectance and Transmittance

''''''

@author: Paula Andrea Triana Guerrero

''''''

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from PyTMM.refractiveIndex import *
```

```
database = ".././././database"
catalogo = RefractiveIndex(database)
```

```
def VectorPropagacionX(n,b,w,c):
```

```
    kx = np.sqrt((n*w/c)**2 - b**2, dtype = np.complex128)
    return kx
```

```
def Angulo (Theta, n0, ni):
```

```
    Horizontal = np.sqrt(1 - ((n0/ni)* np.sin(Theta, dtype = np.complex128))**2,
dtype=np.complex128)
    return Horizontal
```

```
def Dinamica(pol, n0, ni, Theta):
```

```
    if pol is "P":
        Di = np.matrix([[Angulo(Theta,n0,ni), Angulo(Theta,n0,ni)],[ni, -ni]], dtype=np.complex128)
    elif pol is "S":
        Di = np.matrix([[1, 1],[ni * Angulo(Theta,n0,ni), -ni * Angulo(Theta,n0,ni)]],
dtype=np.complex128)
    return Di
```

```
def pro(phi):
```

```
    Pi = np.matrix([[np.e**(-1j*phi), 0],[0, np.e**(1j*phi)]], dtype=np.complex128)
    return Pi
```

```
def reflectancia (NumeroMateriales,Thet, IndiceRefraccion, pol, espesor,l):
```

```
    MatrizDinamica = [None]*(NumeroMateriales)
    VectorPropagacion = [None]*NumeroMateriales
    phi = [None]*(NumeroMateriales-2)
    InversaDinamica = [None]*(NumeroMateriales)
    Productoria = np.matrix([[1,0],[0,1]],dtype = np.complex128)
    MatrizPropagacion = [None]*(NumeroMateriales-2)
    A_0 = 1
    B_s = 0
    Theta = (Thet)*np.pi/180
    c= 3*(10**17)
    w = (2*np.pi*c)/l
    k0 = (IndiceRefraccion [0] *2*np.pi)/l
    b = k0* np.sin(Theta)
```

```
#Hallando los vectores de Propagación.
for medio in range(NumeroMateriales):
```

```

VectorPropagacion [medio] = VectorPropagacionX(IndiceRefraccion[medio],b,w,c)
#Definiendo las matrices dinámicas de cada medio.

for medio in range(NumeroMateriales):
    if pol is "P" and medio==0:
        MatrizDinamica[medio] = np.matrix([[np.cos(Theta,dtype = np.complex128), np.cos(Theta,
dtype = np.complex128)],[IndiceRefraccion[0], -1*IndiceRefraccion [0]]], dtype = np.complex128)
    elif pol is "S" and medio==0:
        MatrizDinamica[medio] = np.matrix([[1,1],[IndiceRefraccion[0] * np.cos(Theta,dtype =
np.complex128), -IndiceRefraccion[0] * np.cos(Theta,dtype = np.complex128)])]
    else:
        MatrizDinamica[medio] = Dinamica(pol, IndiceRefraccion[0], IndiceRefraccion[medio],
Theta)
#Definiendo las matrices de propagación en cada capa.

for capa in range (NumeroMateriales-2):
    phi [capa] = (VectorPropagacion[capa+1] * espesor[capa+1])
    MatrizPropagacion [capa] = pro(phi[capa])
#Hallando las inversas de las matrices dinámicas.
for medio in range (NumeroMateriales):

    InversaDinamica[medio] = np.linalg.inv(MatrizDinamica[medio])
    #Multiplicatoria total
    for medio in range (1, NumeroMateriales-1):
        Productoria = Productoria*(MatrizDinamica[medio]*MatrizPropagacion[medio-
1]*InversaDinamica[medio])
    #Matriz de Transferencia del sistema
    MT = InversaDinamica[0] * Productoria * MatrizDinamica[-1]

    TMT = np.asarray(MT)
    #Extracción de elementos para cálculo de B_0 Y A_s
    B_0 = (TMT[1][0])/(TMT[0][0])
    R = np.abs(B_0**2)
    A_s = 1/(TMT[0][0])
    T = (VectorPropagacion[-1]/VectorPropagacion[0])*(np.abs(A_s**2))
    return (R, T)

#Pidiendo datos al usuario
NumeroMateriales = int (raw_input("Introduzca el número de materiales: "))
#lo = int (raw_input("Introduzca la Longitud de Onda (nm): "))
Thet = int (raw_input("Introduzca Ángulo de Incidencia (°): "))
pol = raw_input("Introduzca Tipo de Polarización(P o S): ")

#Definiendo el tamaño de cada matriz
materiales = []
Refractive = [None]*NumeroMateriales
Extinction = [None]*NumeroMateriales
Extinction [0] = 0*1j
IndiceRefraccion = [None]*NumeroMateriales

```

```

MultiDinamica = 1
MultiPropagacion = 1
espesor = [None]*NumeroMateriales
espesor[0] = float ("inf")
espesor[-1] = float ("inf")

MatrizSistema = [None]*(NumeroMateriales-2)
Parcial = np.matrix([[1,0],[0,1]],dtype = np.complex128)
InversaSistema = [None]*(NumeroMateriales-2)
A_i = [None]*(NumeroMateriales-2)
B_i = [None]*(NumeroMateriales-2)
TotalE = []

#Solicitando datos del sistema al usuario
for medio in range(NumeroMateriales):
    materiales.append (raw_input("Introduzca el material (shelf, Book, Page):").split(", "))
    if espesor [medio] != float ("inf"):
        espesor [medio] = (int(raw_input("Introduzca el espesor: ")))

reflectancias = []
transmitancias =[]
Longitudes = np.linspace(370, 1100, 2000)

for item in Longitudes:
    for medio in range(NumeroMateriales):
        Material_Catalogo = catalogo.getMaterial(materiales [medio][0], materiales [medio]
[1],materiales [medio][2])
        Refractive [medio] = Material_Catalogo.getRefractiveIndex(item)
        try:
            Extinction [medio] = Material_Catalogo.getExtinctionCoefficient(item)*1j
            Extinction [0] = 0*1j
            IndiceRefraccion[medio] = np.sum([Refractive[medio],Extinction[medio]], axis =0)
        except NoExtinctionCoefficient:
            Extinction[medio] = -0*1j
            IndiceRefraccion[medio] = np.sum([Refractive[medio],Extinction[medio]], axis =0)

    reflectancia_parcial, transmitancia_parcial = reflectancia (NumeroMateriales,Thet,
IndiceRefraccion, pol, espesor,item)

    transmitancias.append(transmitancia_parcial)
    reflectancias.append(reflectancia_parcial)

#Definiendo constantes
plt.plot (Longitudes,reflectancias)
plt.plot (Longitudes,transmitancias)
plt.title("Reflectance and Transmittance")
plt.ylabel("(a.u.)")
plt.xlabel("Wavelength (nm)")
plt.legend(['R','T'], loc='best')
plt.savefig("RTLamdaBK7AuAirP.png")
plt.figure()

```

## Angular Reflectance and Transmittance

"""

@author: Paula Andrea Triana Guerrero

"""

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from PyTMM.refractiveIndex import *
```

```
database = "../././database"
catalogo = RefractiveIndex(database)
```

```
def VectorPropagacionX(n,b):
```

```
    kx = np.sqrt((n*w/c)**2 - b**2, dtype = np.complex128)
    return kx
```

```
def Angulo (Theta, n0, ni):
```

```
    Horizontal = np.sqrt(1 - ((n0/ni)* np.sin(Theta, dtype = np.complex128))**2,
dtype=np.complex128)
    return Horizontal
```

```
def Dinamica(pol, n0, ni, Theta):
```

```
    if pol is "P":
        Di = np.matrix([[Angulo(Theta,n0,ni), Angulo(Theta,n0,ni)],[ni, -ni]], dtype=np.complex128)
    elif pol is "S":
        Di = np.matrix([[1, 1],[ni * Angulo(Theta,n0,ni), -ni * Angulo(Theta,n0,ni)]],
dtype=np.complex128)
    return Di
```

```
def pro(phi):
```

```
    Pi = np.matrix([[np.e**(-1j*phi), 0],[0, np.e**(1j*phi)]], dtype=np.complex128)
    return Pi
```

```
#Pidiendo datos al usuario
```

```
NumeroMateriales = int (raw_input("Introduzca el número de materiales: "))
```

```
l = int (raw_input("Introduzca la Longitud de Onda (nm): "))
```

```
#Thet = int (raw_input("Introduzca Ángulo de Incidencia (°): "))
```

```
pol = raw_input("Introduzca Tipo de Polarización(P o S): ")
```

```
#Definiendo el tamaño de cada matriz
```

```
materiales = []
```

```
Refractive = [None]*NumeroMateriales
```

```
Extinction = [None]*NumeroMateriales
```

```
Extinction [0] = 0*1j
```

```
IndiceRefraccion = [None]*NumeroMateriales
```

```
c= 3*(10**17)
```

```
w = (2*np.pi*c)/l
```

```

MultiDinamica = 1
MultiPropagacion = 1
espesor = [None]*NumeroMateriales
espesor[0] = float ("inf")
espesor[-1] = float ("inf")

MatrizSistema = [None]*(NumeroMateriales-2)
Parcial = np.matrix([[1,0],[0,1]],dtype = np.complex128)
InversaSistema = [None]*(NumeroMateriales-2)
A_i = [None]*(NumeroMateriales-2)
B_i = [None]*(NumeroMateriales-2)
TotalE = []

#Solicitando datos del sistema al usuario
for medio in range(NumeroMateriales):
    materiales.append (raw_input("Introduzca el material (shelf, Book, Page):").split(", "))
    if espesor [medio] != float ("inf"):
        espesor [medio] = (int(raw_input("Introduzca el espesor: ")))
    Material_Catalogo = catalogo.getMaterial(materiales [medio][0], materiales [medio]
[1],materiales [medio][2])
    Refractive [medio] = Material_Catalogo.getRefractiveIndex(l)
    try:
        Extinction [medio] = Material_Catalogo.getExtinctionCoefficient(l)*1j
        Extinction [0] = 0*1j
        IndiceRefraccion[medio] = np.sum([Refractive[medio],Extinction[medio]], axis =0)
    except NoExtinctionCoefficient:
        Extinction[medio] = -0*1j
        IndiceRefraccion[medio] = np.sum([Refractive[medio],Extinction[medio]], axis =0)
#Definiendo constantes

def reflectancia (NumeroMateriales,Thet, IndiceRefraccion, pol, espesor):
    MatrizDinamica = [None]*(NumeroMateriales)
    VectorPropagacion = [None]*NumeroMateriales
    phi = [None]*(NumeroMateriales-2)
    InversaDinamica = [None]*(NumeroMateriales)
    Productoria = np.matrix([[1,0],[0,1]],dtype = np.complex128)
    MatrizPropagacion = [None]*(NumeroMateriales-2)
    A_0 = 1
    B_s = 0
    Theta = (Thet)*np.pi/180
    c= 3*(10**17)
    w = (2*np.pi*c)/l
    k0 = (IndiceRefraccion [0] *2*np.pi)/l
    b = k0* np.sin(Theta)

#Hallando los vectores de Propagación.
for medio in range(NumeroMateriales):
    VectorPropagacion [medio] = VectorPropagacionX(IndiceRefraccion[medio],b)
#Definiendo las matrices dinámicas de cada medio.

```

```

for medio in range(NumeroMateriales):
    if pol is "P" and medio==0:
        MatrizDinamica[medio] = np.matrix([[np.cos(Theta,dtype = np.complex128), np.cos(Theta,
dtype = np.complex128)],[IndiceRefraccion[0], -1*IndiceRefraccion [0]]], dtype = np.complex128)
    elif pol is "S" and medio==0:
        MatrizDinamica[medio] = np.matrix([[1,1],[IndiceRefraccion[0] * np.cos(Theta,dtype =
np.complex128), -IndiceRefraccion[0] * np.cos(Theta,dtype = np.complex128)])]
    else:
        MatrizDinamica[medio] = Dinamica(pol, IndiceRefraccion[0], IndiceRefraccion[medio],
Theta)
#Definiendo las matrices de propagación en cada capa.

for capa in range (NumeroMateriales-2):
    phi [capa] = (VectorPropagacion[capa+1] * espesor[capa+1])
    MatrizPropagacion [capa] = pro(phi[capa])
#Hallando las inversas de las matrices dinámicas.
for medio in range (NumeroMateriales):

    InversaDinamica[medio] = np.linalg.inv(MatrizDinamica[medio])
    #Multiplicatoria total
for medio in range (1, NumeroMateriales-1):
    Productoria = Productoria*(MatrizDinamica[medio]*MatrizPropagacion[medio-
1]*InversaDinamica[medio])
#Matriz de Transferecia del sistema
MT = InversaDinamica[0] * Productoria * MatrizDinamica[-1]

TMT = np.asarray(MT)
#Extracción de elementos para cálculo de B_0 Y A_s
B_0 = (TMT[1][0])/(TMT[0][0])
R = np.abs(B_0**2)
A_s = 1/(TMT[0][0])
T = (VectorPropagacion[-1]/VectorPropagacion[0])*(np.abs(A_s**2))
return (R, T)

reflectancias = []
transmitancias =[]
Angles = np.linspace(0, 89.99, 1000)
for item in Angles:
    reflectancia_parcial, transmitancia_parcial = reflectancia (NumeroMateriales,item,
IndiceRefraccion, pol, espesor)
    transmitancias.append(transmitancia_parcial)
    reflectancias.append(reflectancia_parcial)

plt.plot (Angles,reflectancias)
plt.plot (Angles,transmitancias)
plt.title("Reflectance and Transmittance")
plt.ylabel("(a.u.)")
plt.xlabel("$\Theta (^{\circ})$")
plt.legend(['R','T'], loc='best')
plt.savefig("RTH2OAir.png")
plt.show()

```

## Electric Field Profile

''''''

@author: Paula Andrea Triana Guerrero

''''''

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from PyTMM.refractiveIndex import *
```

```
database = ".././../database"
catalogo = RefractiveIndex(database)
```

```
def VectorPropagacionX(n):
    kx = np.sqrt((n*w/c)**2 - b**2, dtype = np.complex128)
    return kx
```

```
def Angulo (Theta, n0, ni):
    Horizontal = np.sqrt(1 - ((n0/ni)* np.sin(Theta, dtype = np.complex128))**2,
dtype=np.complex128)
    return Horizontal
```

```
def Dinamica(pol, n0, ni, Theta):
    if pol is "P":
        Di = np.matrix([[Angulo(Theta,n0,ni), Angulo(Theta,n0,ni)],[ni, -ni]], dtype=np.complex128)
    elif pol is "S":
        Di = np.matrix([[1, 1],[ni * Angulo(Theta,n0,ni), -ni * Angulo(Theta,n0,ni)]],
dtype=np.complex128)
    return Di
```

```
def pro(phi):
    Pi = np.matrix([[np.e**(-1j*phi), 0],[0, np.e**(1j*phi)]], dtype=np.complex128)
    return Pi
```

#Pidiendo datos al usuario

```
NumeroMateriales = int (raw_input("Introduzca el número de materiales: "))
```

```
l = int (raw_input("Introduzca la Longitud de Onda (nm): "))
```

```
Thet = int (raw_input("Introduzca Ángulo de Incidencia (°): "))
```

```
pol = raw_input("Introduzca Tipo de Polarización(P o S): ")
```

#Definiendo el tamaño de cada matriz

```
materiales = []
```

```
Refractive = [None]*NumeroMateriales
```

```
Extinction = [None]*NumeroMateriales
```

```
Extinction [0] = 0*1j
```

```
IndiceRefraccion = [None]*NumeroMateriales
```

```
VectorPropagacion = [None]*NumeroMateriales
```

```
MatrizDinamica = [None]*(NumeroMateriales)
```

```
phi = [None]*(NumeroMateriales-2)
```

```
MatrizPropagacion = [None]*(NumeroMateriales-2)
```

```
InversaDinamica = [None]*(NumeroMateriales)
```

```
MultiDinamica = 1
```

```
MultiPropagacion = 1
```

```

espesor = [None]*NumeroMateriales
espesor[0] = float ("inf")
espesor[-1] = float ("inf")
Productoria = np.matrix([[1,0],[0,1]],dtype = np.complex128)
MatrizSistema = [None]*(NumeroMateriales-2)
Parcial = np.matrix([[1,0],[0,1]],dtype = np.complex128)
InversaSistema = [None]*(NumeroMateriales-2)
A_i = [None]*(NumeroMateriales-2)
B_i = [None]*(NumeroMateriales-2)
TotalE = []

#Solicitando datos del sistema al usuario
for medio in range(NumeroMateriales):
    materiales.append (raw_input("Introduzca el material (shelf, Book, Page):").split(", "))
    if espesor [medio] != float ("inf"):
        espesor [medio] = (int(raw_input("Introduzca el espesor: ")))
        Material_Catalogo = catalogo.getMaterial(materiales [medio][0], materiales [medio]
[1],materiales [medio][2])
        Refractive [medio] = Material_Catalogo.getRefractiveIndex(l)
        try:
            Extinction [medio] = Material_Catalogo.getExtinctionCoefficient(l)*1j
            Extinction[0] = 0*1j
            IndiceRefraccion[medio] = np.sum([Refractive[medio],Extinction[medio]], axis =0)
        except NoExtinctionCoefficient:
            Extinction[medio] = 0*1j
            IndiceRefraccion[medio] = np.sum([Refractive[medio],Extinction[medio]], axis =0)

#Definiendo constantes
A_0 = 1
B_s = 0
Theta = (Thet)*np.pi/180
c= 3*(10**17)
w = (2*np.pi*c)/l
k0 = (IndiceRefraccion [0] *2*np.pi)/l
b = k0* np.sin(Theta)

#Hallando los vectores de Propagación.
for medio in range(NumeroMateriales):
    VectorPropagacion [medio] = VectorPropagacionX(IndiceRefraccion[medio])
#Definiendo las matrices dinámicas de cada medio.
for medio in range(NumeroMateriales):
    if pol is "P" and medio==0:
        MatrizDinamica[medio] = np.matrix([[np.cos(Theta,dtype = np.complex128), np.cos(Theta,
dtype = np.complex128)],[IndiceRefraccion[0], -1*IndiceRefraccion [0]]], dtype = np.complex128)
    elif pol is "S" and medio==0:
        MatrizDinamica[medio] = np.matrix([[1,1],[IndiceRefraccion[0] * np.cos(Theta,dtype =
np.complex128), -IndiceRefraccion[0] * np.cos(Theta,dtype = np.complex128)])]
    else:
        MatrizDinamica[medio] = Dinamica(pol, IndiceRefraccion[0], IndiceRefraccion[medio],
Theta)
#Definiendo las matrices de propagación en cada capa.
for capa in range (NumeroMateriales-2):
    phi [capa] = (VectorPropagacion[capa+1] * espesor[capa+1])

```

```

MatrizPropagacion [capa] = pro(phi[capa])
#Hallando las inversas de las matrices dinámicas.
for medio in range (NumeroMateriales):
    InversaDinamica[medio] = np.linalg.inv(MatrizDinamica[medio])
    #Multiplicatoria total
for medio in range (1, NumeroMateriales-1):
    Productoria = Productoria*(MatrizDinamica[medio]*MatrizPropagacion[medio-1]*InversaDinamica[medio])
#Matriz de Transferecia del sistema
MT = InversaDinamica[0] * Productoria * MatrizDinamica[-1]

TMT = np.asarray(MT)
#Extracción de elementos para cálculo de B_0 Y A_s
B_0 = (TMT[1][0])/(TMT[0][0])
A_s = 1/(TMT[0][0])

#Matriz de Transferencia de las capas
for capa in range(NumeroMateriales-2):
    if capa==0:
        MatrizSistema[capa] = InversaDinamica[capa]*MatrizDinamica[capa+1]
        InversaSistema [capa] = np.asarray (np.linalg.inv(MatrizSistema[capa]))
    else:
        Parcial = Parcial * (MatrizDinamica[capa]*MatrizPropagacion[capa-1]*InversaDinamica[capa])
        MatrizSistema[capa] = InversaDinamica[0]*Parcial*MatrizDinamica[capa+1]
        InversaSistema [capa] = np.asarray (np.linalg.inv(MatrizSistema[capa]))

#Amplitudes en capas
for capa in range (NumeroMateriales-2):
    A_i [capa] = InversaSistema[capa][0][0] * A_0 + (InversaSistema[capa][0][1] * TMT[1][0])/TMT[0][0]
    B_i [capa] = InversaSistema[capa][1][0] * A_0 + (InversaSistema[capa][1][1] * TMT[1][0])/TMT[0][0]

def CampoElectrico(z, A_i, B_i, kx):
    E = []
    for item in np.linspace(0,z,z*100):
        E.append (np.abs(A_i * np.e**(1j * kx *item) + B_i * np.e**(-1j * kx *item)))
    return E

grosor = np.sum(espesor[1:-1])

for capa in range (NumeroMateriales-2):
    TotalE = TotalE + (CampoElectrico(espesor[capa+1],A_i[capa], B_i[capa], VectorPropagacion[capa+1]))

plt.plot (np.linspace(0,grosor,grosor*100), TotalE)
for capa in range(len(espesor)):
    plt.axvline(np.sum(espesor[1:capa]), color='r', ls="dotted")
# texto1 = text(2, 0.6, r'\frac{\sin(x)}{x}', fontsize=20)
plt.title("Electric Field Module")
plt.ylabel("|E(x)|")

```

```
plt.xlabel("x (nm)")  
plt.savefig("EF7LayersP.png")  
plt.show()
```